

論文内容の要旨

論文題目 One, Two, Three – measuring evolved large scale structure
of the Universe

(宇宙大規模構造の 1 点、 2 点、 及び 3 点統計解析)

氏名 : 加用 一者

宇宙には様々な大きさの構造があるが、知られているもっとも大きな構造が、宇宙大規模構造とよばれる特徴的長さが 10Mpc に及ぶ構造である。この構造は大変に大きいため、現在の宇宙年齢程度では十分に進化し尽くしておらず、宇宙初期の情報を多く蓄え持っていると考えられている。大規模構造の研究の主流は正にその点に注目しており、宇宙論パラメータ決定などが精力的に研究されている。しかし、我々が観測している宇宙大規模構造は、多くの場合、非線形の極致にある銀河によって形成されていることを忘れてはならない。一般には、銀河分布と、大規模構造の基本的要素と考えられているダークマター分布との間には、非自明な関係があるであろう。この関係はバイアスと呼ばれる。本論文は、ダークマター分布と銀河分布との間にあるバイアスについて、理論的立場と観測的立場の両者から研究し、理解を深めることを目指すものである。

大規模構造研究は、銀河分布を統計的手法により定量化することから始まる。一般的に情報を多く捨象する低次の統計量ほど我々へ多くの情報を与えるというパラドックスがあるよう見える。そこで我々は 1 点、 2 点、 及び 3 点の統計量という基礎的な量を用いた。1 点統計量とは、分布の平均や分散などに代表される位置情報を含まない統計量であり、系の全体的な特徴付けを行う。2 点統計量とは、空間的に離れた 2 点における量を定量化したものであり、代表的なものに 2 点相関函数がある。特に引力の性質しかない重力によって形作られる構造の場合、2 点相関函数はクラスタリングの強さを特徴付ける量として有用である。さらに 3 点統計量は、ここでは 3 点相関函数を用いるが、重力進化の非ガウス性を定量化するのみならず、大規模構造に特徴的なフィラメント構造のような非等方な構造を定量化することができる。我々はこれらの統計量に現れるバイアスの影響を調べ、バイアスを生む物理過程の理解のためのヒントを得ようと考えている。

まず、ダークマター分布の1点統計の性質を、特に1点確率分布函数を用いて調べた。1点確率分布函数は、1点統計量の全ての情報を含んでいるため極めて重要な量である。また、バイアスの観点からは、ダークハロー(ダークマターのビリアル平衡に達した塊。銀河団などに相当する)に関する現在の標準的なバイアスモデルが、ダークマターの1点確率分布函数を必要とするため、より正確な1点確率分布函数の表式が求められていた。しかしながら、重力の非線形で非局所的性質のため、1点確率分布函数についてすら理論的な予言は難しいのが現状である。もちろん摂動論的解析や、N体シミュレーションを用いた経験的研究はなされている。N体シミュレーションからは、1点確率分布函数が「対数正規分布函数」により近似されることが示唆されており、上記のバイアスモデルにもこの函数が用いられている。しかし、摂動論的解析によると、対数正規分布函数がよい近似であるのは、現在の標準的ダークマターモデルであるコールドダークマター(CDM)の場合のみであり、しかも、CDMのパワースペクトルの巾が偶然-1に近いからであるというのである。つまり我々が得ていたダークハローバイアスのモデルはCDMの場合のみ成り立つ特殊な物であるということになる。

では一般的にはダークマターの1点確率分布函数はどのような函数で表されるのであろうか。我々はこの問題に、様々な宇宙モデル及び初期密度ゆらぎのパワースペクトルの高分解能N体シミュレーションを系統的に用い答えることを試みた。結果は、宇宙モデルやパワースペクトルの巾によらず、今までよりもより広い密度ゆらぎの範囲で対数正規分布函数がよい近似である、という驚くべきものであった。数式変形としては、対数正規分布函数は、初期のガウス分布に適当な1対1変換を施せば得られる。同じことをさらに2点確率分布函数に適用すると、2点確率分布においても「対数正規分布函数」がよい近似であることがわかった。摂動論では論じ得ない強非線型性領域での未知のメカニズムの存在を示唆している。

我々はダークマター分布の1点確率分布函数が、宇宙論モデルや初期パワースペクトルにあまり依存しない点に注目し、この性質をハロー・モデルと呼ばれる現象論的モデルで説明できないか試みた。ハロー・モデルとは、近年注目されている構造形成のモデルであり、銀河の2点相関函数、弱い重力レンズの統計、ライマンブレイク銀河などの高赤方偏移天体の統計など、幅広く用いられている理論モデルである。解析の結果、対数正規分布函数が広く適用できたのは、ダークハロー密度プロファイルや、ダークハローの数密度が宇宙論モデルや初期パワースペクトルにあまり依存しないことと密接に関わっていることを見出した。我々の結論は、1点確率分布函数のある種の統一性を、ダークハロー密度プロファイルの統一性に言い替えただけだとも言えるが、全く異なる話題であった問題が結び付いたという点で興味深い。ハロー・モデルの有用性を、1点統計量の立場からも示したと言えよう。また、我々のモデルは、より高分解能N体シミュレーションを行えば対数正規分布函数からずれるであろうことを予想している。我々の予想通りになるかどうか興味深い。

さて、実際の銀河分布に目を向けよう。1969年東辻と木原は銀河の2点相関函数が距離の-1.8乗の単一巾でよく表されることを見出し、この性質は現在でも基本的に支持されている。その後観測領域が拡大するにつれ、銀河の性質毎の相関函数が調べられるようになった。今までにわかっている主な点をまとめると次のようになる。(1) 楕円銀河の相関函数は渦巻銀河よりも大きい(2) 赤く古い銀河の相関函数は青く若い銀河よりも大きい(3) 明るい銀河の相関函数は暗い銀河よりも大きい。これらの性質は、現在の標準的な構造形成理論の枠組で自然に説明される。初期の微小な質量密度ゆらぎは重力不安定性により進化していくが、特にCDMでは小さな構造から生成され、それらが次第に大きくなっていくと予想される。このような状態では、まだゆらぎがそれほど大きくない時に生成されたダークハローは大変珍しい天体であり、ダークマターに対して強くバイアスされている。一方、上記の楕円銀河や赤い銀河は年齢が古いと考えられ、それらが存在するダークハローも必然的に古い時期に生成されたと期待される。また、明るい銀河は重たいダークハローに存在すると考えられるので、この重

いダークハローの種となるダークハローも古い時期に生成されるはずである。よって、(1)–(3) の性質があわられると考えられるのである。

ダークマターとのバイアスの観点から我々はスローン・デジタル・スカイ・サーベイ(SDSS)のデータを用い、銀河の形態毎の 2 点相関函数を計算、ダークマターの 2 点相関函数の理論予言との比較を行った。その結果、橢円銀河が渦巻銀河よりも相関が強いことを確認するとともに、 $0.2\text{Mpc}/h - 4.0\text{Mpc}/h$ にわたりダークマターへのバイアスが各々の形態でスケールに依存しないことを見出した。このスケールはちょうど非線形領域と線形領域の境目にあたるところである。境界領域にあるということがバイアスにも影響を及ぼしそうに思われるが、そうなっていないということは不思議である。

さらに、SDSS のサンプルが大きいことを活かし、上記の(1)–(3) に加えて、各々の形態中で、相関函数に光度依存性があるかどうかを調べた。全体として(1)–(3) の傾向を再現するものの、(i) 橢円銀河では光度依存性が弱い (ii) 明るくなるほど形態依存性が弱くなる、という新しい性質を見出した。上記の(1)–(3) の理解に加えて、ダークハロー内でのバイアスの進化、という動的な描像を必要とすると考えている。銀河の生成、進化モデル構築に新しい情報、あるいは制限を与えたことになるであろう。

3 点相関函数は 2 点相関函数とほぼ同時期から研究されているが、統計量としての複雑さから 2 点相関函数ほどには研究が進んでいない。その中で、実際の銀河の 3 点相関函数に関しては、それを 2 点相関函数の自乗で割った値 Q が 3 点の三角形の大きさや形にあまり依らず 1 度の定数で表されることが示唆されていた。一方で、摂動解析や N 体シミュレーションからは、一般に Q は定数でないことが知られており、観測と理論で食い違いを見せていた。また、ごく最近、ハロー モデルの手法により、2 点相関函数を再現するバイアス モデルの延長として 3 点相関函数を計算すると、 Q が銀河の性質(色)に強く依存することが予言された。

我々は SDSS のデータを用い、 Q が定数であるのか、また、3 点相関函数としては初めて銀河の種々の性質(形態、色、光度)に依存するのかを調べた。その結果、 Q は三角形の大きさや形にあまりよらないこと、さらに、 Q は銀河の性質にも依らないことを見出した。特に後者は、2 点相関函数に見られる明らかな銀河の性質依存性と、3 点相関函数の銀河の性質依存性とが絶妙に相殺していることを示しており驚かされる。2 点相関解析からは、バイアスがスケールに依存しないことがわかった。このことをダークマターと銀河分布の間にスケールによらないバイアス関係があると読みかえると、我々が新たに見出した Q が銀河性質にあまりよらないという事実は、バイアスが非線形であることを意味している。つまり、バイアスはスケールによらず、かつ非線形であることがわかった。また、 Q の振舞が理論モデルと大きく食い違っているということは、我々の銀河生成、進化に関する理解が浅いことを示すと同時に、理解を進めるためには 3 点相関解析が有効であることを明確に示している。

本論文のこのような結果は、1 点、2 点、3 点統計量が伝統的な統計量でありながら、高分解能 N 体シミュレーションや、SDSS に代表される巨大な銀河カタログといった新しいデータにより、統計量としての力を色褪せることなく発揮していることが端的に示された結果と言える。これらの結果は理論モデルが満たすべき制限として大変有効であろう。